

**Частное учреждение общеобразовательного и дополнительного
образования "Лицей-интернат "Подмосковный"**

Выдержка из содержательного раздела
Основной образовательной программы
среднего общего образования (ООП СОО),
утвержденной Приказом №1 от 31.08.2023г.,
согласована на Педагогическом совете,
протокол №1 от 28.08.2023г.

**Рабочая программа
факультативного курса
«Практикум по математике (профильный уровень) в рамках
подготовки к итоговой аттестации»**

для обучающихся 11 классов

Кораллово 2023 г

Пояснительная записка

Факультативный курс «Практикум по математике (профильный уровень) в рамках подготовки к итоговой аттестации» разработан на основе рекомендаций для системы образования Московской области по совершенствованию методики преподавания учебных предметов, по организации дифференцированного обучения школьников с разным уровнем предметной подготовки, подготовленные на основе анализа типичных ошибок ГИА 2023 года, открытого банка заданий ЕГЭ по математике, размещенного на сайте <https://fipi.ru/ege/otkrytyy-bank-zadaniy-ege>, Кодификатора проверяемых требований к результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования и элементов содержания для проведения единого государственного экзамена по математике, подготовленные федеральным государственным бюджетным научным учреждением «ФЕДЕРАЛЬНЫЙ ИНСТИТУТ ПЕДАГОГИЧЕСКИХ ИЗМЕРЕНИЙ», Спецификацией контрольных измерительных материалов для проведения единого государственного экзамена по математике, подготовленной федеральным государственным бюджетным научным учреждением «ФЕДЕРАЛЬНЫЙ ИНСТИТУТ ПЕДАГОГИЧЕСКИХ ИЗМЕРЕНИЙ», а также федеральной рабочей программы воспитания, с учётом Концепции преподавания математики в Российской Федерации.

Факультативный курс «Практикум по математике (профильный уровень) в рамках подготовки к итоговой аттестации» предназначен для обучающихся 11-х классов и имеет практико-ориентированную направленность. Основное назначение – подготовка выпускников к прохождению итоговой аттестации по предмету «Математика (профильный уровень)». Практикум способствует развитию мышления обучающихся; формирует базу общих универсальных приемов и подходов к решению заданий соответствующих типов.

Программа учебный практикума рассчитана на 68 учебных часов в год, по 2 часа в неделю, 34 учебных недели в год.

Цель данного учебного практикума - подготовить обучающихся к сдаче экзамена по математике в форме ЕГЭ (профильный уровень) в соответствии с требованиями, предъявляемыми ФГОС СОО .

Задачи :

- ✓ познакомить со структурой и содержанием контрольных измерительных материалов по математике.
- ✓ научить заполнять бланки ЕГЭ по математике.
- ✓ повторить, обобщить и систематизировать знания по математике за уровень основного общего образования.
- ✓ расширить знания по отдельным темам: «Математика 5-6 класс», «Алгебра 7-9 класс», «Геометрия 7-9 класс», «Алгебра и начала анализа 10-11 класс», «Геометрия 10-11 класс», развить интерес и положительную мотивацию к изучению математики на расширенном уровне;

- ✓ расширить и углубить представления обучающихся о приемах и методах решения математических задач;
- ✓ сформировать навык работы с дополнительной литературой, навык использования различных Интернет-ресурсов;
- ✓ развить коммуникативные и общеучебные навыки работы в группе, самостоятельной работы, умения вести дискуссию, аргументировать ответы и т.д.
- ✓ развить способность к самоконтролю и концентрации, умения правильно распорядиться отведенным временем;
- ✓ научить обучающихся мыслить;
- ✓ развить математические знания, необходимые для применения в практической деятельности, для изучения смежных дисциплин, для продолжения образования;
- ✓ сформировать представление о математике как части общечеловеческой культуры;
- ✓ научить анализировать предлагаемые задания, разбивать их на составные части;
- ✓ повысить культуру решения различных типов задач;
- ✓ научить обучающихся решать задания различными способами и методами, что способствует развитию логического мышления у учеников, развивает сообразительность, фантазию, интуицию обучающихся;
- ✓ научить обосновывать правильность решения различных заданий, проводить проверку, самопроверку, взаимопроверку, формировать умение пользоваться различными моделями задач для поиска её решения;
- ✓ систематизировать знания обучающихся о методах, приемах, способах решения различных заданий, их видах;
- ✓ научить составлять математическую модель заданий, переходить от этой модели к ответам задачи, анализируя жизненную ситуацию текста задания

Формы организации учебных занятий

Формы проведения занятий включают в себя лекции, практические работы. Основной тип занятий - комбинированный урок. Каждая тема, рассматриваемая на занятиях, начинается с постановки задачи. Теоретический материал излагается в форме мини - лекции. После изучения теоретического материала выполняются задания для активного обучения, практические задания для закрепления, выполняются практические работы в рабочей тетради, проводится работа с тестами. Занятия строятся с учётом индивидуальных особенностей обучающихся, их темпа восприятия и уровня усвоения материала. Систематическое повторение способствует более целостному осмыслению изученного материала, поскольку целенаправленное обращение к изученным ранее темам позволяет учащимся встраивать новые понятия в систему уже освоенных знаний.

Контроль и система оценивания

Текущий контроль уровня усвоения материала осуществляется на каждом занятии по результатам выполнения учащимися самостоятельных, практических и тестовых работ. В конце каждой темы учащиеся сдают зачет.

Содержание учебного практикума

2.1. Работа с КИМ по математике.

Структура и содержание КИМ ЕГЭ по математике 2023-2024 г
ДЕМО версия профильный уровень.

2.2. Уравнения и системы уравнений.

Рациональные уравнения и способы их решения. Системы уравнений и способы их решения

Рациональные уравнения, содержащие модули. Схема Горнера. Решение уравнений высших степеней. Решение типовых заданий ЕГЭ по данной теме.

2.3. Решение задач на составление уравнений и систем уравнений.

Решение задач на движение по прямой и по окружности. Решение задач на движение по воде.

Решение задач на проценты, смеси и сплавы. Решение задач на совместную работу. Решение задач на прогрессии. Решение типовых заданий ЕГЭ по данной теме.

2.4. Рациональные неравенства и способы их решения.

Алгебраические методы решения неравенств (метод интервалов, метод замены). Функционально-графические методы решения неравенств (Разбиение области определения неравенства на подмножества, использование ограниченности функций, использование монотонности функций). Рациональные неравенства содержащие модули. Неравенства вида $|f(x)| < |g(x)|$, $|f(x)| > g(x)$. Решение типовых задач ЕГЭ по данной теме.

2.5. Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенства. Логарифмические уравнения и неравенства.

Тригонометрические уравнения. Способы отбора корней в тригонометрических уравнениях. Показательные уравнения и способы их решения. Показательные неравенства и способы их решения. Метод рационализации при решении показательных неравенств. Логарифмы. Логарифмические уравнения и способы их решения. Логарифмические неравенства и способы их решения. Метод рационализации при решении логарифмических неравенств. Решение систем неравенств, содержащих логарифмические уравнения. Решение типовых заданий ЕГЭ по данной теме.

2.6. Теория вероятностей.

Комбинаторика. Определение вероятности. Вероятность: логика перебора. Теоремы о вероятностях событий. Решение типовых задач ЕГЭ по данной теме.

2.7. Решение планиметрических задач.

Прямоугольный треугольник. Соотношения между сторонами, между сторонами и углами прямоугольного треугольника. Теорема синусов, косинусов. Решение треугольников. Применение подобия треугольников при решении задач. Свойства медиан и биссектрис угла треугольника. Свойство площадей подобных треугольников. Вписанные углы. Вписанные и описанные многоугольники и их свойства. Метод сравнения площадей. Решение типовых заданий ЕГЭ по данной теме. Координаты на прямой, декартовы координаты на плоскости.

Вектор. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов и умножение вектора на число. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов. Угол между векторами.

2.8. Решение стереометрических задач.

Задачи на нахождение расстояний в пространстве. Метод объемов. Задачи на нахождение угла между прямыми, между прямыми и плоскостями, между плоскостями. Задачи на нахождение площади поверхности. Задачи на нахождение объёма. Декартовы координаты в пространстве. Расстояние между двумя точками в пространстве. Уравнение сферы. Компланарные векторы. Разложение вектора по трем некопланарным векторам. Использование метода координат при решении стереометрических задач. Решение типовых заданий ЕГЭ. Решение прототипа варианта ЕГЭ.

Планируемые результаты

Личностные результаты

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

Метапредметные результаты

Познавательные универсальные учебные действия

Логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Предметные результаты

Обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного практикума :

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

Геометрия

свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;

оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;

распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;

классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;

вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;

свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;

вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;

изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;

извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;

свободно оперировать понятием вектор в пространстве;

выполнять операции над векторами;

задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;

решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;

свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;

выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;

строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;

использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;

доказывать геометрические утверждения;

применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;

решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;

применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;

применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;

иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

Тематическое планирование.

№	Наименование разделов и тем	Общее количество часов на изучение	Количество контрольных работ	Количество планируемых самостоятельных работ	Электронный образовательный ресурс
1.	Работа с КИМ по математике.	1			https://fipi.ru/ege/otkrytyy-bank-zadaniy-ege
2.	Уравнения и системы уравнений.	10		1	
3.	Решение задач на составление уравнений и систем уравнений.	8		1	
4.	Рациональные неравенства и способы их решения.	8		1	
5.	Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенства. Логарифмические уравнения и неравенства.	12		1	
6.	Теория вероятностей.	8		1	
7.	Решение планиметрических задач.	11		1	
8.	Решение стереометрических задач.	10			
ИТОГО		68		6	

Поурочное планирование

№ п\п	Раздел, тема урока	Плановые сроки прохождения темы	Фактические сроки (и/или коррекция)	Примечание
Работа с КИМ по математике (1 час).				
1.	Структура и содержание КИМ ЕГЭ по математике 2024 г ДЕМО версия профильный уровень			
Уравнения и системы уравнений (10 часов).				
2.	Рациональные уравнения и способы их решения.			
3.	Системы уравнений и способы их решения			
4.	Системы уравнений и способы их решения.			
5.	Рациональные уравнения, содержащие модули.			
6.	Рациональные уравнения, содержащие модули.			
7.	Схема Горнера. Решение уравнений высших степеней.			
8.	Решение уравнений высших степеней.			
9.	Решение типовых заданий ЕГЭ№6,№7,№11.			
10.	Решение типовых заданий ЕГЭ №13.			
11.	Решение типовых заданий ЕГЭ №6,№7, №11, №13.			
Решение задач на составление уравнений и систем уравнений (8 часов).				
12.	Решение задач на движение по прямой и по окружности.			
13.	Решение задач на движение по прямой и по окружности.			
14.	Решение задач на движение по воде.			
15.	Решение задач на проценты, смеси и сплавы.			

16.	Решение задач на совместную работу.			
17.	Решение задач на прогрессии.			
18.	Решение типовых заданий ЕГЭ №9, №10.			
19.	Решение типовых заданий ЕГЭ №16..			
Рациональные неравенства и способы их решения (8 часов).				
20.	Алгебраические методы решения неравенств (метод интервалов, метод замены).			
21.	Алгебраические методы решения неравенств (метод интервалов, метод замены).			
22.	Функционально-графические методы решения неравенств (Разбиение области определения неравенства на подмножества, использование ограниченности функций, использование монотонности функций).			
23.	Функционально-графические методы решения неравенств (Разбиение области определения неравенства на подмножества, использование ограниченности функций, использование монотонности функций).			
24.	Рациональные неравенства содержащие модули. Неравенства вида $ f(x) < g(x) $, $ f(x) > g(x)$.			
25.	Решение типовых задач ЕГЭ №8, №11, №18(*).			
26.	Решение типовых задач ЕГЭ №8, №11, №18(*).			
27.	Промежуточная контрольная работа по теме: «Рациональные уравнения и системы уравнений. Рациональные			

	неравенства. Решение задач на составление уравнений и систем уравнений».			
Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенства. Логарифмические уравнения и неравенства (12 часов).				
28.	Тригонометрические уравнения и способы их решения.			
29..	Тригонометрические уравнения. Способы отбора корней в тригонометрических уравнениях.			
30.	Тригонометрические уравнения. Способы отбора корней в тригонометрических уравнениях.			
31.	Показательные уравнения и способы их решения.			
32.	Показательные неравенства и способы их решения. Метод рационализации при решении показательных неравенств.			
33.	Логарифмы. Логарифмические уравнения и способы их решения.			
34.	Логарифмические неравенства и способы их решения Метод рационализации при решении логарифмических неравенств.			
35.	Логарифмические неравенства и способы их решения Метод рационализации при решении логарифмических неравенств.			
36.	Решение систем неравенств, содержащих логарифмические уравнения.			
37.	Решение типовых заданий			

	ЕГЭ № 6,7,15.			
38.	Решение типовых заданий ЕГЭ № 15.			
39.	Промежуточная контрольная работа по теме: «Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения и неравенства. Логарифмические уравнения и неравенства».			
Теория вероятностей (8 часов).				
40.	Комбинаторика.			
41.	Определение вероятности.			
42.	Вероятность: логика перебора.			
43.	Теоремы о вероятностях событий.			
44.	Решение типовых задач ЕГЭ №4,5.			
45.	Решение типовых задач ЕГЭ №4,5.			
46.	Решение типовых задач ЕГЭ №4,5.			
47.	Промежуточная контрольная работа по теме «Теория вероятностей».			
Решение планиметрических задач (11 часов).				
48.	Прямоугольный треугольник. Соотношения между сторонами, между сторонами и углами прямоугольного треугольника.			
49.	Теорема синусов, косинусов. Решение треугольников.			
50.	Теорема синусов, косинусов. Решение треугольников.			
51.	Применение подобия треугольников при решении задач. Свойства медиан и биссектрис угла треугольника. Свойство площадей подобных треугольников.			

52.	Применение подобия треугольников при решении задач. Свойства медиан и биссектрис угла треугольника. Свойство площадей подобных треугольников.			
53.	Вписанные углы. Вписанные и описанные многоугольники и их свойства.			
54.	Вписанные углы. Вписанные и описанные многоугольники и их свойства.			
55.	Метод сравнения площадей.			
56.	Решение типовых заданий ЕГЭ № 1, №2..			
57.	Решение типовых заданий ЕГЭ № 1, №2, №17.			
58.	Вектор. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов и умножение вектора на число. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов. Угол между векторами. (№2)			
Решение стереометрических задач (10 часов).				
59.	Задачи на нахождение расстояний в пространстве. Метод объемов.			
60.	Задачи на нахождение угла между прямыми, между прямыми и плоскостями, между плоскостями (№14)			
61.	Задачи на нахождение угла между прямыми, между прямыми и плоскостями, между плоскостями (№14)			
62.	Задачи на нахождение площади поверхности (№3, №14).			

63.	Задачи на нахождение объёма (№ 3,№14).			
64.	Использование метода координат при решении стереометрических задач (№14)			
65.	Декартовы координаты в пространстве. Уравнение сферы. Компланарные векторы. Разложение вектора по трем некопланарным векторам.			
66.	Использование метода координат при решении стереометрических задач (№14)			
67.	Решение прототипа варианта ЕГЭ.			
68.	Решение типовых заданий ЕГЭ.			
Итого: 68 часов.				